

Предисловие

Введение

Глава 1. Элементы теории чисел

- 1.1. Делимость целых чисел. Алгоритм Евклида
- 1.2. Простые числа, основная теорема арифметики
- 1.3. Функция Эйлера и ее свойства
- 1.4. Сравнения
- 1.5. Сравнения с одним неизвестным
- 1.6. Первообразные корни и индексы
- 1.7. Цепные дроби
- 1.8.  $p$ -адические числа
- 1.9. Алгебраические числа

Глава 2. Быстрые алгоритмы

- 2.1. Алгоритм Евклида
- 2.2. Символы Лежандра и Якоби
- 2.3. Быстрый алгоритм возведения в степень
- 2.4. Вероятностные алгоритмы
- 2.5. Решение квадратичных сравнений (алгоритм Шенкса)
- 2.6. Вероятностные методы отсеивания составных чисел
- 2.7. Быстрые алгоритмы умножения и деления целых чисел

Глава 3. Разложение многочленов на множители

над конечными полями

- 3.1. Алгоритм Берлекемпа
- 3.2. Сведение задачи разложения на неприводимые множители к нахождению корней (алгоритм Цассенхауза)
- 3.3. Нахождение корней многочленов в полях малой характеристики
- 3.4. Нахождение корней многочленов в полях большой характеристики

Глава 4. Алгоритмы, распознающие простоту чисел

- 4.1. Условный алгоритм Миллера
- 4.2.  $(N - 1)$ -методы доказательства простоты чисел
- 4.3. Построение больших простых чисел
- 4.4.  $(N + 1)$ -методы доказательства простоты чисел
- 4.5. Алгоритм КоэнаЛенстры
- 4.6. Полиномиальный алгоритм проверки чисел на простоту

Глава 5. Разложение целых чисел на множители

- 5.1. Алгоритмы экспоненциальной сложности
- 5.2. Субэкспоненциальные алгоритмы
- 5.3. Общий алгоритм просеивания в полях алгебраических чисел

Глава 6. Дискретное логарифмирование

- 6.1. Метод Гельфонда
- 6.2. Метод ПолигаХеллмана
- 6.3. Линейное решето

Глава 7. LLL-алгоритм и его применения

- 7.1. Решетки
- 7.2. LLL-алгоритм
- 7.3. Применения LLL-алгоритма

Глава 8. Криптографические применения

- 8.1. Алгоритм ДиффиХеллмана обмена ключами
- 8.2. Алгоритм RSA
- 8.3. Электронная цифровая подпись
- 8.4. Об уязвимости системы RSA

Список литературы