УДК 629.3: 001.891.573

В. П. Тарасик, Ю. С. Романович, В. С. Савицкий

МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА НАГРЕВА МНОГОДИСКОВЫХ ФРИКЦИОНОВ ГИДРОМЕХАНИЧЕСКОЙ ПЕРЕДАЧИ

UDC 629.3: 001.891.573

V. P. Tarasik, Y. S. Romanovich, V. S. Savitsky

THE SIMULATION OF THE PROCESS OF HYDROMECHANICAL TRANSMISSION MULTIPLATE FRICTION CLUTCHES HEATING

Аннотация

Изложена методика моделирования процесса нагрева фрикционных дисков многодисковых фрикционов системы управления переключением передач. Приведены результаты моделирования и анализа температуры нагрева дисков при буксовании фрикционов гидромеханической передачи карьерного самосвала БелАЗ грузоподъемностью 60 т. Показано влияние процессов управления фрикционами и двигателем на температуру нагрева дисков при переключении передач.

Ключевые слова:

карьерный самосвал, гидромеханическая передача, многодисковый фрикцион, фрикционный диск, пара трения, удельная работа трения, температура нагрева фрикционного диска.

Abstract

Methods of modeling the process of heating of friction discs of multiplate clutches of gear changing control system are presented. The paper gives the results of modeling and analyzing the temperature of disks heating in skidding of hydromechanical transmission friction clutches of the BelAZ 60-ton quarry dump truck. The influence of friction clutches and engine control upon the temperature of disk heating in gear shifting is shown.

Key words:

quarry dump truck, hydromechanical transmission, multiplate clutch, friction disk, friction couple, specific friction work, friction disk heating temperature.

На карьерных самосвалах БелАЗ грузоподъемностью 30.90 т применяются гидромеханические передачи (ГМП). Основные компоненты ГМП гидродинамический трансформатор (ГДТ), многоступенчатая механическая коробка передач (КП) и система управления. Переключение ступеней коробки передач осуществляется многодисковыми фрикционами с гидроприводом управления. Опыт эксплуатации самосвалов показывает, что надежность и долговечность ГМП в основном определяется работоспособностью фрикционов. Поэтому при проектировании ГМП возникает необходимость тщательного

анализа условий работы фрикционов и научно-технического обоснования выбора их параметров.

Работа фрикционов характеризуется высоким уровнем механических нагрузок на фрикционные диски, высокими значениями давления на поверхностях трения и температуры нагрева дисков. На функционирование фрикционов в процессе переключения ступеней оказывает существенное влияние множество факторов: характеристики двигателя, структура и параметры механизмов трансмиссии, характеристики ходовой системы машины, способы и алгоритмы управления фрикционами и

© Тарасик В. П., Романович Ю. С., Савицкий В. С., 2012

двигателем, условия эксплуатации, квалификация водителей и др.

На этапе проектирования ГМП определение механической и тепловой нагруженности фрикционов осуществляется на основе математического моделирования процессов их функционирования с учетом физических свойств и параметров всех механизмов, участвующих в передаче энергии двигателя к ведущим колесам машины.

В статье приведена методика моделирования и результаты анализа теплонапряженности фрикционов ГМП карьерного самосвала БелАЗ-7555 грузоподъемностью 60 т. Методика основана на математическом описании механической части трансмиссии, теплофизических свойств фрикционных дисков, характеристик двигателя, гидротрансформатора, внешней среды, характеристик управления двигателем и фрикционами ГМП. Для оценки результатов анализа механических нагрузок трансмиссии и температуры нагрева фрикционных дисков использована соответствующая система показателей.

На рис. 1 показана динамическая модель трансмиссии самосвала, построенная на основе метода сосредоточенных масс [1].



Рис. 1. Динамическая модель трансмиссии

Приняты следующие обозначения параметров модели: J_t - момент инерции *i-й* сосредоточенной массы, кг-м²; Cj - коэффициент жесткости j-го упругого элемента, H-м/рад; цj - коэффициент демпфирования j-го диссипативного элемента, H-м-с/рад; uk - передаточное число k-го трансформаторного элемента; M_{d} - вращающий момент двигателя, H-м; M_{H} , M_m - моменты насосного и турбинного колес ГДТ, H-м; M^2 - момент сопротивления качению ведущих колес машины, H-м; M_c - суммарный приведенный момент сопротивления движению машины, Н-м; Мф.б_л - момент трения фрикциона блокировки ГДТ, Н-м; Мф_д - момент трения q-го фрикциона коробки передач, Н-м; Мф._к - момент сцепления ведущих колес с дорогой, Н-м; М* (t), ш* (t) - функции воздействий неровностей дороги на окружную деформацию шин ведущих колес.

Для составления математического описания динамической модели трансмиссии использован структурноматричный метод [1] и получены топологические и компонентные уравнения. Топологические уравнения описывают условия динамического равновесия по-

() (

тенциалов (вращающих моментов), действующих на сосредоточенные массы:

$$dnjdt = (M_{\pi} - My1 - M_{\pi}1)/j 1;$$

$$dn_{2} = \cdot M_{\pi} - My1 - M_{\pi}1 - M_{\pi}1 + M_{\pi}1$$

где ш_г - угловая скорость вращения і-й сосредоточенной массы, рад/с; М.,

- моменты ј-го упругого и диссипативного элементов соответственно, Н-м; Пк - КПД к-го трансформаторного элемента; Ьфц - дискретная функция

состояния q-го фрикционного элемента; Рфд - дискретная функция размыкания фрикционного элемента.

Система уравнений (1) дополняется компонентными уравнениями, описывающими физические свойства упругих и диссипативных элементов:

$$\frac{dM_{y'}}{dt} - (2)$$

где Иу - инцидентор j-го упругого элемента, определяющий его связь с i-й массой [1]; *Sj* - функция учета параметров трансформаторных элементов, связанных с i-й массой и j-м упругим элементом; *n* - количество сосредоточенных масс.

Моменты диссипативных элементов определяют по аналогичной формуле, только вместо dMy; *jdt* подставляют Мд, а вместо *cj* - коэффициент демпфирования *дj*.

Дискретная функция *L*^*q* вычисляется из выражения

$${}^{\prime}_{\phi\partial} = \frac{1}{2} \frac{\Pi P H}{\Pi P H} \left| {}^{\ast}_{\phi q} \right| = {}^{\pi} \mathbb{R} q; \qquad (3)$$

где Шфд - скорость относительного скольжения дисков q-го фрикциона, рад/с; Дшд - допустимая скорость скольжения, определяющая условие замыкания фрикциона (принимают в пределах 1...3 % от начального значения

При Ьфд -1 фрикцион замкнут, а при Z[^]g - 0 - разомкнут (буксует).

Дискретная функция Рфд вычисляется по формуле

$$P \phi_{\pi} - 0.5[1 + sign(M^{\wedge} - (4))]$$

При ${}^{M}\phi\partial < (q + {}^{M}_{{}_{d}{}_{d}}))$ чаем $P\phi\partial = 0$, что приводит к размыканию фрикциона.

При моделировании температурного поля фрикционных дисков примем следующие допущения [2]: - тепловой поток одномерный и направлен по нормали к поверхностям трения;

 генерирование теплового потока на поверхностях дисков обусловлено работой трения;

- теплофизические коэффициенты X и *C* не зависят от температуры;

- отводом теплоты в окружающую среду пренебрегаем в связи с кратковременностью процесса буксования;

- фрикционные диски представляют собой плоские бесконечные пластины конечной толщины, ограниченные двумя плоскостями x - 0 и x - b/2, при равномерно распределенном тепловом источнике в плоскости x - 0 и теплоизолированной поверхности x - b/2.

Температурное поле фрикционных дисков определяется решением дифференциального уравнения теплопроводности Фурье. В одномерном случае, когда теплопередача осуществляется только вдоль оси *x*, уравнение имеет вид [1]:

где T - температура; X - коэффициент теплопроводности материала дисков, Bt/(м-K); C - удельная теплоемкость материала, Дж/(кг-K); р - плотность, кг/м³; t - текущее время, с.

Граничные условия для принятой модели теплопередачи

$$\begin{array}{cccc} & & & & & & \\ & & & & \\ \partial x & & & XA & & \partial x & & \\ & & & & \lambda & & /2 \end{array} - 0. \quad (6)$$

Введем дискретизацию фрикционных элементов по координате x, выделив в диске тонкие слои толщиной h, и аппроксимируем частную производную $\partial^{2}T/\partial x^{2}$ методом конечных разностей:

$$0^{-}h?^{[T(x+ht)-}$$

где x, x + h, x - h - геометрические координаты слоев; h - шаг дискретизации.

В результате получаем систему обыкновенных линейных дифференциальных уравнений, описывающих температурное поле по толщине фрикционного диска:

$$\begin{array}{ccc} \Phi & X_2 \\ dt & C_1 p_1 h_1 & C_2 p_2 h 2 \end{array} - (T - T2);$$

$$\frac{d^{T}L}{dt} = \frac{X}{C} \left(\begin{array}{c} T & -T \\ p & t \end{array} \right)^{T} \\ \frac{X_{i+1}}{C} - (T - T+1);$$
(8)

$$\frac{dT}{dt} = \frac{2Xn}{(Tn-1 - Tn)}.$$

Во фрикционах ГМП самосвала БелАЗ-7555 используется пара трения сталь 65Г - металлокерамика МК-5. Металлокерамическая накладка закреплена на стальной основе фрикционного диска методом спекания. Для стального и металлокерамического дисков составляются отдельные системы уравнений вида (8). При этом учитывается различие теплофизических констант для стали и металлокерамики, а также наличие маслосгонных канавок на металлокерамической накладке, уменьшающих площади поверхности и объемы выделяемых слоев.

Удельный тепловой поток Ф, генерируемый на поверхности одной пары трения:

где Рф - мощность трения, Вт; Аф площадь поверхности трения, м²; гф количество пар трения; Мф - момент трения фрикциона, Н-м; Шф - скорость относительного скольжения дисков фрикциона, рад/с.

Тепловые потоки Φ_{ct} и Φ_{MK} , поглощаемые соответственно стальным и металлокерамическим дисками пары трения, различаются. Их распределение между дисками определяется из соотношений

$$\Phi_{\mathbf{C}\mathbf{T}} - \kappa_{\mathbf{X}\mathbf{C}\mathbf{T}} \Phi_{\mathbf{K}\mathbf{K}} - \kappa_{\mathbf{X}\mathbf{K}\mathbf{K}} \Phi_{\mathbf{T}\mathbf{P}} / {}^{(\mathbf{A}} \Phi_{\mathbf{T}} \Phi); \qquad (10)$$

$$\Phi_{\mathbf{M}\mathbf{K}} - \kappa_{\mathbf{X}\mathbf{M}\mathbf{K}} \Phi - \kappa_{\mathbf{X}\mathbf{M}\mathbf{K}} P_{\mathbf{T}\mathbf{P}} / {}^{(\mathbf{A}} \Phi_{\mathbf{T}} \Phi). \qquad (11)$$

где К_{Хст}, Кх_{мк} - коэффициенты распределения теплового потока между дисками пары трения.

Значения К_{кст} и К_{Хмк} определяют по формуле Ф. Шаррона, согласно которой

$$\kappa_{\rm Xct} - \frac{\left(1 + \frac{x_{\rm M}\kappa^{\rm C}_{\rm M}\kappa^{\rm p}_{\rm M}\kappa}{\int \int x_{\rm ct} \kappa_{\rm ct} \kappa_{\rm ct}}\right)$$
(12)

$$K_{\rm XMK} - 1 + \frac{I}{x_{\rm MK} c_{\rm MK} p_{\rm MK}}$$
(13)

Для выбора шага сетки *h* метода конечных разностей был проведен вычислительный эксперимент, в котором принималась равномерная (регулярная) сетка с постоянными значениями h_i , но различной величины, и неравномерная сетка с увеличением шага h_i по мере удаления от поверхности трения. На рис. 2 приведены графики поверхностной температуры стального диска Т^-^и удельной мощности трения Руд. Графики 1.3 получены при использовании разработанной функции для решения уравнений (8) в МАТLАВ при равномерном шаге сетки h: 1 - h — 0,05; 2 *h*—0,1; 3 - *h*—0,2 мм. График 4 соответствует неравномерной сетке, шаг которой изменялся в пределах 0,1.0,2 мм. Очевидно, что сетка должна быть равномерной. Это обусловлено тем, что увеличение толщины последующих слоёв диска эквивалентно снижению их

теплопроводности, вследствие чего замедляется теплопередача и повышается температура нагрева поверхностных слоёв. Это хорошо видно из уравнений (8). Чем меньше шаг сетки, тем быстрее происходит прогрев слоёв диска и точнее результат. Кривая 5 получена с использованием стандартной функции **рдере** в МАТLAB, кривая 6 - тепловой модели **Simscape**, а кривая 7 - методом конечных элементов в ANSYS. Существенная разница результатов, получаемых по различным моделям, свидетельствует о необходимости экспериментальной проверки.



Рис. 2. Графики поверхностной температуры стального диска

Приведенные далее результаты получены с помощью разработанной функции для MATLAB при шаге сетки h = 0,1 мм. Выполнялось моделирование движения самосвала в условиях полигона OAO «Белорусский автомобильный завод». При моделировании принимались два испытательных маршрута движения: трогание с места и разгон самосвала на горизонтальном участке длиной 380 м; трогание с места и движение на подъем на участке длиной 180 м при уклоне h = 0,08.

Трогание самосвала с места осуществлялось на 1-й ступени КП. При этом предполагалось, что фрикцион диапазона Φ_3 включен предварительно на нейтрали, а трогание осуществляется

включением фрикциона Ф1. Педаль акселератора при трогании с места фиксировалась в положении y_a = 20 %, что соответствует начальной частоте вращения вала двигателя (частоте холостого хода) n_{xx} = 908,3 об/мин. Это положение у_а удерживалось постоянным в течение 1,5 с для того, чтобы обеспечить полное завершение процесса буксования фрикциона Φ_1 . Затем в течение времени 1 с положение педали акселератора увеличивалось по линейной характеристике до значения $y_a = 100$ %, после чего продолжалось движение самосвала до момента переключения на следующую передачу.

Переключение передач осуществ-

лялось в соответствии с алгоритмом мехатронной системы автоматического управления ГМП при трех вариантах взаимодействия с электронной системой управления двигателем:

1) без воздействий на программу управления двигателем при $y_a = 100$ %;

2) с уменьшением вращающего момента двигателя на 20 %;

3) с уменьшением настройки скоростного режима двигателя путем снижения координаты у_а на 16 %.

Первый вариант управления в дальнейшем будем называть «без управления двигателем»; второй вариант - «управление моментом двигателя»; третий - «управление скоростным режимом».

Моменты формирования команд на автоматическое переключение передач определялись в соответствии с алгоритмом мехатронной системы управления. Управление фрикционами при переключении передач выполнялось в трех вариантах:

1) с отрицательным перекрытием характеристик давления выключаемого и включаемого фрикционов;

2) с нулевым перекрытием характеристик;

3) с положительным перекрытием.

Время отрицательного перекрытия принималось равным 0,07 с. Выключефрикциона блокировки ние гидротрансформатора при переключениях передач во всех опытах осуществлялось одновременно с выключением фрикциона предыдущей передачи. После переключения передачи гидротрансформатор блокировался. На приведенных ниже рисунках показаны графики, полученные при трогании самосвала с места и движении на подъем при управлении фрикционами с нулевым перекрытием, но без управления двигателем.

На рис. 3, а представлены графики изменения вращающих моментов двигателя M_{μ} , насосного колеса M_{μ} и тур-

бины M_m гидротрансформатора, а на рис. 3, б - графики моментов на валу турбины Му2 и на карданном валу Mv4. В момент времени t = 0.4 с начиналось включение фрикциона первой передачи Ф_ь и самосвал трогался с места. При t = 4,4 с происходит переключение передач 1^2 , а при t = 6.6 с блокируется гидротрансформатор, при этом $n_m = \Pi_{\pi}$, $M_{\mu} = M_m = 0$, т. е. воздействие M_{μ} и M_{m} на движение масс трансмиссии исключается, а вместо них подключается момент двигателя M_{π} . Переключение 2 ^ 3 произошло в момент времени 10,3 с. Из приведенных графиков видно, что при переключении передач и блокировании ГДТ происходят всплески моментов $M_{\nu 2}$ и $M_{\nu 4}$.

На рис. 4, а показаны графики изменения удельной мощности трения фрикционов включаемых передач py_{d} , а на рис. 4, б - удельной работы буксования Жуд. На рис. 5, а приведены графики изменения температуры в четырех слоях (поверхностном, срединном и двух промежуточных) стальных дисков фрикциона 1-й передачи при трогании самосвала, а на рис. 5, б - фрикциона 3-й передачи при переключении 2 3 .

Для оценки влияния способов управления фрикционами и двигателем на динамические нагрузки в трансмиссии и теплонапряженность фрикционов полученные результаты моделирования представлены в виде диаграмм. На рис. 6 приведены диаграммы удельной мощности ру_д и удельной работы \mathcal{K} у_д трения, а на рис. 7 - температуры стальных дисков T_{cm} фрикциона 3-й передачи и коэффициента динамичности момента на карданном валу \mathfrak{L}_{d} при переключении 2 3 .



Рис. 3. Графики моментов двигателя и колес ГДТ (а) и коэффициентов динамичности моментов на валу турбины и карданном валу (б)



Рис. 4. Графики удельной мощности (а) и удельной работы трения фрикционов (б)



Рис. 5. Графики температуры в четырех слоях стальных дисков фрикционов 1-й (а) и 3-й (б) передач



Рис. 6. Диаграммы удельной мощности (а) и удельной работы трения фрикциона (б)



Рис. 7. Диаграммы температуры стальных дисков фрикциона (a) и коэффициента динамичности момента на карданном валу (б)

Коэффициент динамичности вычислялся по формуле

 $\kappa \partial = M_{yi}/M$ ном i (14)

где М_{ном I} момент на карданном валу на і-й передаче при номинальном моменте двигателя.

Вариант 1 соответствует переключению передач без управления двигателем; вариант 2 - переключению с управлением моментом двигателя; вариант 3 - переключению с управлением скоростным режимом лвигателя. Управление фрикционами при этом осуществлялось по заданной программе изменения давления рабочеи жидкости в гидроцилиндрах фрикционов (программное управление). Варианты 4...6 отличаются от вариантов 1.3 тем, что управление фрикционами осуществлялось посредством ПИД-регулятора, который обеспечивал адаптацию характеристики управления к изменению параметров процесса буксования фрикционов. Алгоритм работы ПИД-регулятора описан в [3]. Во всех упомянутых варииспользовалась характеристика антах коэффициента трения, зависящая от скорости скольжения фрикционных дисков. Для оценки влияния переменности коэффициента трения на исследуемые процессы в варианте 7 было принято его постоянное значение, не зависящее от скорости скольжения. При этом использовалось программное управление фрикционами.

При моделировании вариантов 1.3 и 7 осуществлялись переключения с отрицательным перекрытием включения фрикционов (левые столбцы), с нулевым перекрытием (средние столбцы) и с положительным перекрытием (правые столбцы). Величина отрицательного перекрытия составляла -0,07 с, а положительного - +0,2 с. На всех диаграммах, приведенных на рис. 6 и 7, использованы одинаковые обозначения столбцов. Положительное перекрытие при управлении посредством ПИД-регулятора не применялось.

Сравним вначале результаты первых трех вариантов. Наименьшие значения параметров Руд, Жуд и Тст получаются при нулевом перекрытии (средние столбцы) и управлении скоростным режимом двигателя (третий вариант). Так, при нулевом перекрытии управление моментом двигателя снижает удельную работу трения с 107,6 до 89,6 кДж/м², а управление скоростным режимом - до 33,2 кДж/м². Температура стальных дисков при этом снижается с 14,8 соответственно до 12,5 и до 4,7 °C. Отрицательное и положительное перекрытия увеличивают теплонапряженность дисков. При отрицательном перекрытии это происходит из-за разрыва потока энергии, передаваемой от двигателя к ведущим колесам, вследствие чего маховик двигателя и массы ведущих частей трансмиссии увеличивают кинетическую энергию, которую придется поглотить фрикциону в процессе переключения передачи. Положительное перекрытие увеличивает работу трения изза циркуляции мощности в замкнутом контуре, образуемом включаемым и выключаемым фрикционами. Однако на динамические нагрузки положительное перекрытие оказывает полезное влияние (см. рис. 7, б).

Управление фрикционами посредством ПИД-регулятора в целом снижает работу трения и температуру нагрева дисков (см. рис. 6, б и 7, а) и значительно снижает динамичность моментов трансмиссии (см. рис. 7, а). Но наиболее существенно то, что при этом система обеспечивает адаптацию характеристик управления фрикционами к изменяемым параметрам процесса буксования, прежде всего к изменению коэффициента трения. Кроме того, время буксования фрикциона строго ограничено заданной величиной настройки ПИДрегулятора, что исключает его перегрев в любых условиях движения машины.

При использовании фрикционных материалов с постоянным коэффициен-

том трения можно снизить динамические нагрузки (см. рис. 7, б), но работа буксования (см. рис. 6, б) и температура нагрева дисков (см. рис. 7, а) при программном управлении не снижается и может даже возрастать.

Таким образом, проведенные исследования показали, что наиболее рационально при переключении передач в ГМП осуществлять управление фрикционами с нулевым перекрытием при одновременном управлении режимами двигателя. Такой способ управления позволяет существенно снизить теплонапряженность фрикционов и динамические нагрузки в трансмиссии, повысить надежность и долговечность ГМП.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Тарасик, В. П. Математическое моделирование технических систем : учебник для вузов / В. П. Тарасик. - Минск : Дизайн ПРО, 2004. - 640 с.

2. Тракторы. Проектирование, конструирование и расчет : учебник для вузов / И. П. Ксеневич [и др.] ; под общ. ред. д-ра техн. наук И. П. Ксеневича. - М. : Машиностроение, 1991. - 544 с.

3. Мехатронная система автоматического управления гидромеханической передачей карьерных самосвалов БелАЗ / В. П. Тарасик [и др.] // Грузовик. - 2011. - № 2. - С. 2-11.

LIST OF LITERATURE

1. **Tarasik, V. P.** Mathematical modeling of engineering systems : textbook for HEIs / V. P. Tarasik. - Minsk : Dizain PRO, 2004. - 640 p.

2. Tractors. Development, designing and calculation : textbook for HEIs / I. P. Ksenevich [etc.] ; ed. by I. P. Ksenevich, DSc. - M. : Mash^s^-oeme, 1991. - 544 p.

3. Mechatronic system of hydromechanical transmission automatic control for BelAZ quarry dump trucks / V. P. Tarasik [etc.] // Truck. - 2011. - № 2. - P. 2-11.

Статья сдана в редакцию 21 декабря 2011 года

Владимир Петрович Тарасик, д-р техн. наук, проф., Белорусско-Российский университет. Тел.: +375-222-25-36-45. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

Юрий Сергеевич Романович, ст. преподаватель, Белорусско-Российский университет. Тел.: +375-222-25-36-45. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

Виктор Сергеевич Савицкий, аспирант, Белорусско-Российский университет. Тел.: +375-222-25-36-45. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

Vladimir Petrovich Tarasik, DSc, Professor, Belarusian-Russian University. Tel.: +375-222-25-36-45. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

Yury Sergeyevich Romanovich, senior lecturer, Belarusian-Russian University. Tek: +375-0222-23-09-79. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

Viktor Sergeyevich Savitsky, PhD student, Belarusian-Russian University. Tek: +375-0222-47-72-67. E-mail: avto@bru.mogilev.by.

ВЕСТНИК БЕЛОРУССКО-РОССИЙСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

№ 1 - 2012

Ответственный за выпуск В Художественное оформление обложки И Дизайн и компьютерная верстка Н

В. И. Кошелева

И. А. Алексеюс

Н. П. Полевничая

Подписано в печать 02.03.2012. Формат 60х84/8. Бумага офсетная. Гарнитура Таймс. Печать трафаретная. Усл.-печ. л. 17,3. Уч.-изд. л. 15,0. Тираж 100 экз. Заказ № 167.

Издатель и полиграфическое исполнение Государственное учреждение высшего профессионального образования «Белорусско-Российский университет» ЛИ № 02330/0548519 от 16.06.2009. Пр. Мира, 43, 212000, Могилев.